Thema: Ableitungen; Differentialquotient; Steigungsverhalten; Tangenten berechnen

Name:

Bitte geben Sie Ansätze und Rechenwege an!

Punkte:	Note:

## 1.) Ableitung bestimmen mittels Differentialquotient

14

Bestimmen Sie die erste Ableitung der Funktionen

a) 
$$f(x) = x^3$$

$$g(x) = 4x^2 - 3x$$

mittels h-Methode und dem Differentialquotient.

## 2.) Ableitungen bilden

22

Bilden Sie die 1. Ableitung der gegebenen Funktionen:

a) 
$$f(x) = \frac{2}{5}x^3 - 6x^2 + 2x + 3$$

$$d) f(x) = \frac{2}{x^3}$$

b) 
$$f(t) = \frac{2}{5}x^3 - 6t^2 + 2x + 3t$$

e) 
$$f(x) = \sqrt{x^5}$$

c) 
$$f(x) = (x^3 - 3x)^2$$

$$f(x) = \frac{x^2 + 2}{x}$$

## 3.) Steigungen und Steigungsstellen

10

- a) Welche Steigung besitzt die Funktion  $f(x) = \frac{1}{4}x^2 2x$  an der Stelle x = 3?
- b) An welchen beiden Stellen x besitzt die Funktion  $f(x) = \frac{1}{6}x^3 x^2$  die Steigung m = 2,5?

## 4.) Tangenten berechnen und Monotonieintervalle bestimmen

14

Gegeben sei die Funktion  $f(x) = \frac{1}{2}x^3 - 2x^2$ 

- a) Berechnen Sie die Tangente an die Funktion an der Stelle x = 2.
- b) Ermitteln Sie die Monotonieintervalle der Funktion.